

Semantik und Pragmatik

15. Mai 2006

Gerhard Jäger

1/17

Satzsemantik

Erklärungsanspruch der Satzsemantik

- Wahrheitsbedingungen von Aussagensätzen
- Bedeutungsbeziehungen zwischen (Aussage-)Sätzen
- Kompositionale Berechnung von Satzbedeutungen

2/17

Satzsemantik

Wahrheitsbedingungen

- Wittgenstein (1922; Tractatus logico philosophicus):
Einen Satz verstehen, heißt, wissen, was der Fall ist, wenn er wahr ist. (Man kann ihn also verstehen, ohne zu wissen, ob er wahr ist.)

3/17

Satzsemantik

Sinnrelationen

- Folgerung (Wenn A wahr ist, muss auch B wahr sein.)
- Widerspruch (A und B können nicht gleichzeitig wahr sein.)
- Synonymie (A und B sind unter den selben Bedingungen wahr.)
- (In-)Konsistenz (A kann (nicht) wahr sein.)
- Tautologie (A ist immer wahr.)

4/17

Satzsemantik

Kompositionalität

- Die Bedeutung eines komplexen Ausdrucks ist durch die Bedeutung seiner Teile und die Art ihrer Kombination vollständig bestimmt.

5/17

Mengenlehre und Semantik

Mengenlehre und Wortbedeutungen

- Vereinfachung für Zwecke der Satzsemantik: Bedeutung eines Prädikats wird identifiziert mit Menge der Objekte, auf die es zutrifft
 - ① $\|Pferd\| = \{x|x \text{ ist ein Pferd}\}$
 - ② $\|rot\| = \{x|x \text{ ist rot}\}$
 - ③ $\|spricht\| = \{x|x \text{ spricht}\}$
- Hyperonymie \approx Teilmengenbeziehung
 A ist ein Hyperonym von B gdw. $\|B\| \subseteq \|A\|$
 - z.B. $\|Pferd\| \subseteq \|Tier\|$

6/17

Mengenlehre und Semantik

Boolsche Operatoren

- Kombination von Prädikaten mittels *und*, *oder* und *nicht* können durch Mengenoperationen modelliert werden
 - $\| \text{rund und rot} \| = \| \text{rund} \| \cap \| \text{rot} \|$
 - $\| \text{rund oder rot} \| = \| \text{rund} \| \cup \| \text{rot} \|$
 - $\| \text{nicht rot} \| = \| \text{rot} \|$
- allgemein gilt
 - $\| \alpha \text{ und } \beta \| = \| \alpha \| \cap \| \beta \|$
 - $\| \alpha \text{ oder } \beta \| = \| \alpha \| \cup \| \beta \|$
 - $\| \text{nicht } \alpha \| = \| \alpha \|$

7/17

Mengenlehre und Semantik

Boolsche Operatoren

- Mengentheoretische Gesetze sagen semantische Äquivalenzen (Synonymien) voraus:
 - $\text{rot und rund} \Leftrightarrow \text{rund und rot}$ (Kommutativität)
 - $\text{rot oder rund} \Leftrightarrow \text{rund oder rot}$ (Kommutativität)
 - $\text{rot und [rund und weich]} \Leftrightarrow [\text{rot und rund}] \text{ und weich}$ (Assoziativität)
 - $\text{rot oder [rund oder weich]} \Leftrightarrow [\text{rot oder rund}] \text{ oder weich}$ (Assoziativität)
 - $\text{nicht [rot und rund]} \Leftrightarrow [\text{nicht rot}] \text{ und } [\text{nicht rund}]$ (de Morgan)
 - ...

8/17

Mengenlehre und Semantik

Mengenlehre und Satzsemantik

- Wahrheitswert eines Satzes ist **situationsabhängig**:
Die Tafel ist sauber kann wahr oder falsch sein, je nachdem welche Tafel in welchem Raum zu welcher Zeit gemeint ist
- situations-relativer Wahrheitswert:
Die Tafel ist sauber ist wahr in der Situation s gdw. das Objekt, das in s die Tafel ist, in s sauber ist.
- Bedeutung des Satzes (= Wahrheitsbedingungen):
 $\| \text{Die Tafel ist sauber} \| = \{s \mid \text{Die Tafel in } s \text{ ist in } s \text{ sauber}\}$
- generell gilt:
 $\| \phi \| = \{s \mid \phi \text{ ist in } s \text{ wahr}\}$

Satzbedeutungen sind Mengen von Situationen!

9/17

Mengenlehre und Semantik

Was sind Situationen?

- Situationen können räumlich und zeitlich begrenzt sein:
Die Tafel ist sauber ist wahr in s .
- Situationen können auch zeitlich beschränkt und räumlich unbeschränkt sein
Das Weltall dehnt sich aus ist wahr in s .
- Manche Situationen sind sowohl räumlich als auch zeitlich unbeschränkt
 $2 + 2 = 4$ ist wahr in s .

10/17

Mengenlehre und Semantik

Was sind Situationen?

- Situationen müssen nicht real sein:
Wenn Kennedy nicht erschossen worden wäre, hätte der Vietnamkrieg 1964 geendet spricht über eine hypothetische Situation, in der der Satz *Kennedy wurde erschossen* falsch ist.
- Semantik befasst sich mit **möglichen Situationen**
- viele Autoren ignorieren mögl. Begrenztheit von Situationen und sprechen von **möglichen Welten** (= maximale Situation)
- Situation spielt in linguistischer Semantik ähnliche Rolle wie Modelle in der Aussagen- und Prädikatenlogik

11/17

Mengenlehre und Semantik

Sinrelationen

- aus ϕ folgt ψ (Notation: $\phi \Rightarrow \psi$) gdw.
 $\| \phi \| \subseteq \| \psi \|$
- ϕ und ψ widersprechen sich gdw.
 $\| \phi \| \cap \| \psi \| = \emptyset$
- ϕ und ψ sind äquivalent (bzw. synonym) gdw.
 $\| \phi \| = \| \psi \|$
- ϕ ist inkonsistent: $\| \phi \| = \emptyset$
- ϕ ist konsistent: $\| \phi \| \neq \emptyset$
- ϕ ist eine Tautologie: $\| \phi \| = S$ (S : die Menge aller möglichen Situationen)

12/17

Mengenlehre und Semantik

Boolsche Operationen auf Sätzen

- $\|\phi \text{ und } \psi\| = \|\phi\| \cap \|\psi\|$
- $\|\phi \text{ oder } \psi\| = \|\phi\| \cup \|\psi\|$
- $\|\text{Es ist nicht der Fall, dass } \phi\| = \overline{\|\phi\|}$

Daraus ergeben sich allgemeingültige semantische Gesetze, z.B.:

$$\phi \text{ und } \psi \Rightarrow \phi$$

denn

$$\|\phi \text{ und } \psi\| = \|\phi\| \cap \|\psi\| \subseteq \|\phi\|$$

13/17

Mengenlehre und Semantik

Funktionen

Mögliche Darstellungsweise von Funktionen:

$$\|\text{Mutter}\| \quad m : \text{Personen} \rightarrow \text{Personen}$$

$$x \mapsto \text{die Mutter von } x$$

$$\|\text{Alter}\| \quad a : \text{Personen} \rightarrow \text{natürliche Zahlen}$$

$$x \mapsto \text{das Alter von } x, \text{ in Jahren}$$

$$\|\text{Nachfolger}\| \quad s : \text{natürliche Zahlen} \rightarrow \text{natürliche Zahlen}$$

$$x \mapsto x + 1$$

$$\|\text{Quadrat}\| \quad q : \text{natürliche Zahlen} \rightarrow \text{natürliche Zahlen}$$

$$x \mapsto x^2$$

14/17

Mengenlehre und Semantik

Funktionen

- In Algebra übliche Schreibweise: z.B.

$$f(x) = x^2$$

- mengentheoretische Schreibweise:

$$f = \{\langle x, x^2 \rangle \mid x \in \mathbb{N}\}$$

15/17

Mengenlehre und Semantik

λ -Notation für Funktionen

- entwickelt im Rahmen der Logik/theoretischen Informatik
- sehr praktisch für Zwecke der linguistischen Semantik
- Bsp.:
 - $m : \lambda x.(\text{die Mutter von } x)$
 - $a : \lambda x.(\text{das Alter von } x, \text{ in Jahren})$
 - $s : \lambda x.(x + 1)$
 - $q : \lambda x.(x^2)$
- solche Ausdrücke heißen **Lambda-Terme**
- allgemeines Format:
 - λ Variable.(Beschreibung des Wertes der Variable)
- Variable ist Platzhalter für Argument der Funktion
- Ausdruck in Klammern gibt Bildungsvorschrift für Wert der Funktion an
- Bildung eines Lambda-Terms aus einer Beschreibung heißt **Lambda-Abstraktion**

16/17

Lambda-Notation

Rechnen mit Lambda-Termen

$[\lambda x.(\text{Mutter von } x)](\text{Isaak})$
= Mutter von Isaak
= Sarah

$[\lambda x.x^2](3)$
= 3^2
= 9

- Allgemein: um einen Lambda-Term auf ein Argument anzuwenden
 - 1 tilge das λ , die Variable und den Punkt
 - 2 ersetze alle freien Vorkommen der Variable im Ausdruck nach dem Punkt durch das Argument
 - 3 vereinfache gegebenenfalls den gegebenen Ausdruck
- Diese Operation heißt **Lambda-Konversion**.

17/17